

Termodynamika, ciepło

C. Właściwy

Rozwiązanie każdego zadania zapisz na oddzielnej, podpisanej kartce z wyraźnie zaznaczonym numerem zadania.

1 Zadanie – Ogrzewanie wody

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-ciepło-0000400, diff: 1

Ile ciepła należy dostarczyć 800 g wody, aby ogrzać ją o 50 K? Wynik wyraż w kJ. Przyjmij, że ciepło właściwe wody wynosi 4200 J/(kg·K).

Wskazówka:

$$c_w = \frac{Q}{m \cdot \Delta T}$$

c_w - ciepło właściwe, Q - przekazane ciepło, ΔT - zmiana temperatury.

Odpowiedź: Należy dostarczyć 168 kJ.

2 Zadanie – Ochładzanie sali

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-22, id: pl-ciepło-0000500, diff: 2

W pomieszczeniu są klimatyzatory o maksymalnej mocy chłodniczej 3 kW. W sali znajduje się 36 studentów. Można przyjąć, że każdy z nich wydziela ciepło z szybkością około 300 kJ/godz. W pomieszczeniu znajduje się także 14 żarówek, każda o mocy 80 W. Ponieważ na zewnątrz panuje wysoka temperatura, przez ścianę przenika ciepło z szybkością 5 MJ/godz. Ile klimatyzatorów powinno być włączonych, jeśli powietrze w pomieszczeniu ma być utrzymywane w stałej temperaturze 22°C?

Wskazówka: Oblicz ilość wytwarzanego ciepła w ciągu sekundy przez studentów, żarówki oraz ciepło przepływające przez ściany.

Wskazówka: Moc działających klimatyzatorów musi być równa ilości wytwarzanego ciepła w ciągu sekundy.

Odpowiedź: Powinny być włączone 2 klimatyzatory.

3 Zadanie – Kolektor słoneczny

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-ciepło-0000550, diff: 2

Na dachu zamontowany jest kolektor słoneczny o sprawności $n = 24\%$. Energia słoneczna docierająca do kolektora przekazywana jest do wody krążącej w rurach kolektora. Jaka jest powierzchnia kolektora, jeśli w ciągu godziny ogrzewa 200 litrów wody, zwiększając jej temperaturę o 20°C? Przyjmij, że w danej godzinie natężenie promieniowania słonecznego wynosi 790 W/m². Ciepło właściwe wody wynosi 4200 J/(kg·K), a jej gęstość 1000 kg/m³.

Wskazówka: Natężenie promieniowania jest równe

$$I = \frac{P}{S}$$

P - moc docierająca do kolektora, S - powierzchnia.

Wskazówka: Moc z jaką ogrzewana jest woda

$$P' = \frac{Q}{t} = \frac{c_w \cdot m \cdot \Delta T}{t}$$

Q - ciepło, t - czas, c_w - ciepło właściwe wody, m - masa wody, ΔT - zmiana temperatury.

Wskazówka:

$$P' = n \cdot P$$

Wskazówka: Powierzchnia kolektora jest równa

$$S = \frac{P}{I} = \frac{c_w \cdot m \cdot \Delta T}{t \cdot I \cdot n}$$

Odpowiedź: Powierzchnia kolektora słonecznego wynosi 24,6 m².

4 Zadanie – Ciepło właściwe ciała

Małgorzata Berajter, update: 2017-09-21, id: pl-ciepło-0000600, diff: 2

Do aluminiowego kalorymetru o masie 200 g włożono kulę o masie 395 g. Następnie do naczynia wiano 26 g wrzącej wody i zamknięto kalorymetr, aby zminimalizować wymianę ciepła z otoczeniem. Po ustaleniu się równowagi termicznej układu zmierzono temperaturę wody, wyniosła ona 45°C. Temperatura początkowa kalorymetru i kuli jest równa temperaturze otoczenia i wynosi 29°C. Przyjmij, że ciepło właściwe wody wynosi 4200 J/(kg·K), a ciepło właściwe aluminium 900 J/(kg·K). Oblicz ciepło właściwe kuli, a następnie sprawdź w tablicy, z jakiego materiału jest najprawdopodobniej zbudowana. Zastanów się, dlaczego otrzymana wartość różni się od wartości podanej w tablicy.

substancja	ciepło właściwe J/(kg·K)
cyna	220
miedź	380
nikiel	460
glin	900

Wskazówka: Wykonaj bilans energetyczny.

Wskazówka:

$$c_{ww} \cdot m_w \cdot (100^\circ\text{C} - t_k) = c_{wk} \cdot m_k \cdot (t_k - t_p) + c_{wc} \cdot m_c \cdot (t_k - t_p)$$

c_{ww} - ciepło właściwe wody, m_w - masa wody, t_k temperatura końcowa układu, t_p - temperatura początkowa układu, m_k - masa kalorymetru, c_{wk} - ciepło właściwe kuli, m_c - masa kuli.

Odpowiedź: Ciepło właściwe kuli wynosi $495 \text{ J}/(\text{kg}\cdot\text{K})$. Otrzymana wartość ciepła właściwego różni się od wartości podanych w tablicy. W obliczeniach nie uwzględniliśmy wymiany ciepła między otoczeniem a układem, która występuje mimo zastosowania kalorymetru. Kula jest prawdopodobnie zbudowana z niklu.

5 Zadanie – Topienie złota

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-ciepło-0000800, diff: 1

Jubiler na stopienie złota zużył 4160 J energii. Oblicz, ile złota stopił jubiler, wiedząc, że złoto było już podgrzane do temperatury topnienia oraz że ciepło topnienia złota wynosi 64 kJ/kg .

Wskazówka:

$$c_t = \frac{Q}{m}$$

c_t - ciepło topnienia, Q - przekazane ciepło, m - masa ciała.

Odpowiedź: Złotnik stopił 65 g złota.

6 Zadanie – Parowanie wody

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-ciepło-0000900, diff: 1

Do naczynia zawierającego $0,5 \text{ kg}$ wody włożono grzałkę o mocy 700 W , a następnie doprowadzono wodę do wrzenia. Ile wody wyparowało w ciągu 1 minut wrzenia? Przyjmij, że ciepło parowania wody wynosi 2270 kJ/kg .

Wskazówka:

$$Q = P \cdot t$$

Q - przekazane ciepło, P - moc grzałki, t - czas.

Wskazówka: Wykonaj bilans energetyczny.

Odpowiedź: Wyparowało $18,5 \text{ g}$ wody.

7 Zadanie – Silnik spalinowy

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-ciepło-0000950, diff: 2

Samochód jedzie po autostradzie ze stałą prędkością. By utrzymać prędkość, silnik pracuje z mocą 20 kW . Sprawność silnika wynosi 23% . Ile zapłacimy za benzynę zużytą przez samochód jadący przez 3 godziny? Cena benzyny na stacji paliw wynosi $4,79 \text{ zł/l}$, ciepło spalania wynosi 42 MJ/kg , a jej gęstość $0,7 \text{ g/cm}^3$.

Wskazówka:

$$\eta = \frac{W}{Q}$$

η - sprawność cieplna silnika, W - praca wykonana przez silnik, Q - dostarczone ciepło.

Wskazówka:

$$m = \frac{P \cdot t}{\eta \cdot c_s}$$

m - masa benzyny, P - moc silnika, c_s - ciepło spalania.

Wskazówka: Aby obliczyć koszt przejazdu, trzeba znać objętość zużytego paliwa.

Odpowiedź: Za benzynę zapłacimy 153,01 zł.

8 Zadanie – Lód w ciepłej wodzie

Piotr Nieżurawski, update: 2017-01-22, id: pl-ciepło-0001000, diff: 1

Blok lodu o temperaturze -6°C i masie 210 g włożono do 800 g wody o temperaturze 65°C . Oblicz końcową temperaturę układu, zakładając, że nie następuje wymiana ciepła z otoczeniem. Przyjmij wartości: ciepła właściwego lodu $2050\text{ J}/(\text{kg K})$, ciepła topnienia lodu $334\text{ kJ}/\text{kg}$, ciepła właściwego wody (cieczy) $4200\text{ J}/(\text{kg K})$.

Wskazówka: Układ jest izolowany, całkowita energia nie zmieniła się.

Wskazówka: Wykonaj bilans energetyczny.

Wskazówka: $(0^{\circ}\text{C} - T_i)c_i m_i + m_i l_i + (T_f - 0^{\circ}\text{C})m_i c_w + (T_f - T_w)m_w c_w = 0$

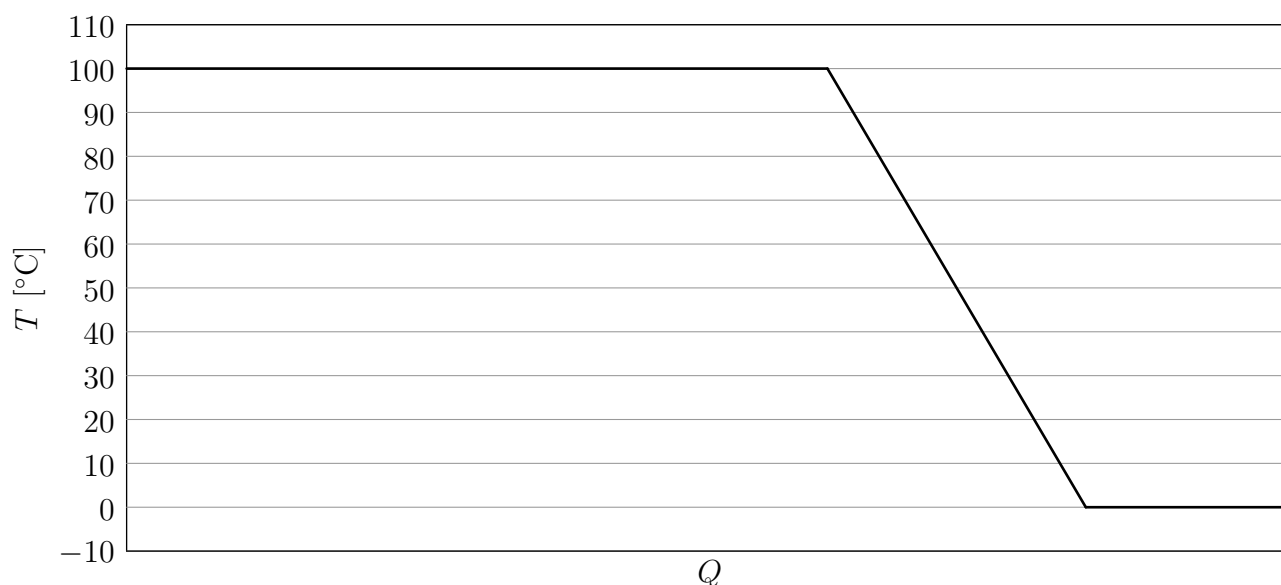
Odpowiedź: Końcowa temperatura układu $T_f = (T_w m_w c_w + (T_i c_i - l_i) m_i) / [(m_i + m_w) c_w] \approx 34,3^{\circ}\text{C}$.

9 Zadanie – Zjawiska cieplne

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-ciepło-0001500, diff: 1

Na rysunku poniżej przedstawiono zależność temperatury próbki 3 g H₂O od wymienionego z otoczeniem ciepła. Rozpoznaj i podpisz przedstawione zjawiska cieplne. Oblicz, ile kalorii próbka wymieniła z otoczeniem podczas całego procesu przedstawionego na rysunku. Potrzebne dane znajdują się w tabeli. Przyjmij, że na diagramie został przedstawiony cały proces przemiany fazowej. Uwaga, rysunek nie zachowuje skali.

ciepło topnienia/zamarzania	336000 J/kg
ciepło parowania/skraplania	2270000 J/kg
ciepło właściwe (woda)	4200 J/(kg·K)
ciepło właściwe (lód)	2100 J/(kg·K)
ciepło właściwe (para wodna)	2000 J/(kg·K)



Wskazówka: Ciepło wymienione z układem zostało wykorzystane na skroplenie pary wodnej, ochłodzenie wody od 100°C do 0°C i zamianę całej wody w lód.

Wskazówka:

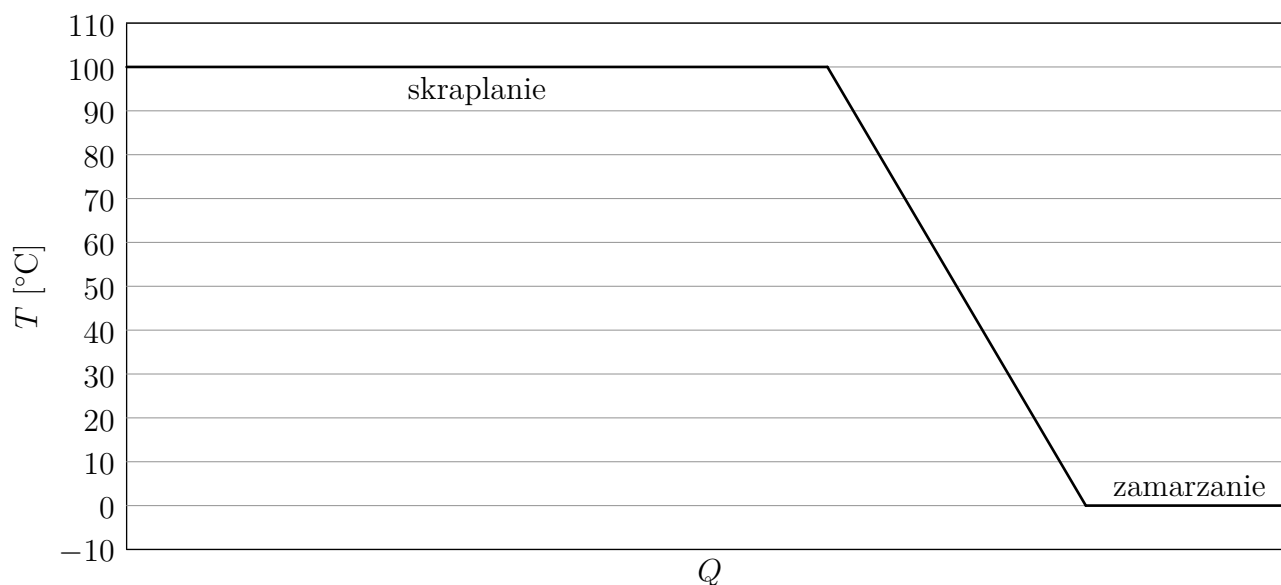
$$Q = c_s \cdot m + c_{ww} \cdot m \cdot (T_2 - T_1) + c_z \cdot m$$

Q - przekazane ciepło, c_s - ciepło skraplania, m - masa ciała, c_{ww} - ciepło właściwe wody, T_2 - temperatura skraplania, T_1 - temperatura zamarzania, c_z - ciepło zamarzania.

Wskazówka: Zamień ciepło wyrażone w dżulach na kalorie.

$$4,2 \text{ J} = 1 \text{ cal}$$

Odpowiedź:



Całkowita ilość ciepła wymienionego z otoczeniem, podczas wszystkich procesów ukazanych na rysunku, jest równa w przybliżeniu 2160 cal.

10 Zadanie – Granitowa płyta

Piotr Nieżurawski, update: 2017-09-19, id: pl-ciepło-0002000, diff: 1

Powierzchnia płyty granitowej to $126 \cdot 10^3 \text{ m}^2$, a jej grubość 3 m. Pod płytą panuje temperatura 60°C , a nad płytą -8°C . Oblicz ciepło przepływające przez płytę w trakcie jednej minuty, jeśli współczynnik przewodnictwa cieplnego granitu jest równy $2,3 \text{ W}/(\text{K} \cdot \text{m})$.

Wskazówka: Strumień ciepła jest wprost proporcjonalny do różnicy temperatur, ΔT , i powierzchni, A , a odwrotnie proporcjonalny do grubości, h .

Wskazówka: Strumień ciepła: $H = k A \Delta T / h$

Wskazówka: Ciepło: $Q = Ht$, gdzie t to czas.

Odpowiedź: Ciepło: $Q \approx 394 \text{ MJ}$.

11 Zadanie – Ceglany dom

Małgorzata Berajter, update: 2017-09-19, id: pl-ciepło-0002100, diff: 3

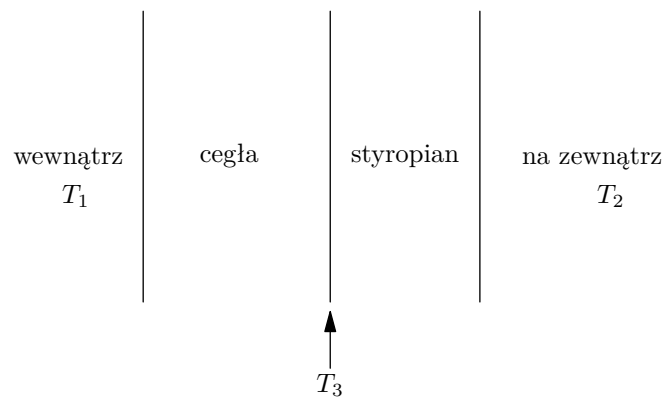
Ceglany dom ma ściany o grubości 25 cm. Wewnątrz domu utrzymywana jest stała temperatura 19°C . Temperatura powietrza na zewnątrz wynosi 11°C .

a) Oblicz, ile ciepła stracimy w ciągu sekundy przez jedną ze ścian o powierzchni 21 m^2 . Przyjmij, że przewodnictwo cieplne cegły wynosi $0,6 \text{ W}/(\text{K} \cdot \text{m})$.

b) Aby zapobiec utracie ciepła, ocieplono budynek z zewnątrz warstwą styropianu o grubości 30 cm. Ile teraz tracimy ciepła przez tę samą ścianę? Przyjmij, że przewodnictwo cieplne styropianu wynosi $0,04 \text{ W}/(\text{K} \cdot \text{m})$.

c) Jaka temperatura panuje na złączeniu materiałów?

Wskazówka:



Wskazówka:

$$H = \frac{Q}{t} = k \cdot \frac{S}{L} \cdot (T_1 - T_2)$$

H - strumień ciepła, Q - przekazane ciepło, k - współczynnik przewodnictwa cieplnego, S - powierzchnia ciała, L - grubość ciała, T_1 - temperatura powietrza wewnątrz domu, T_2 - temperatura powietrza na zewnątrz.

Wskazówka:

$$H_1 \cdot \frac{L_1}{k_1} = S \cdot (T_1 - T_3)$$

$$H_2 \cdot \frac{L_2}{k_2} = S \cdot (T_3 - T_2)$$

W warunkach stacjonarnych strumienie ciepła przepływające przez obie warstwy muszą być równe, stąd:

$$H_1 = H_2 = H$$

Dodając dwa pierwsze równania stronami i porządkując je, uzyskujemy:

$$H = S \cdot \frac{T_1 - T_2}{\frac{L_1}{k_1} + \frac{L_2}{k_2}}$$

H_1 - strumień ciepła płynący przez cegłę, H_2 - strumień ciepła płynący przez styropian, k_1 - współczynnik przewodnictwa cieplnego cegły, k_2 - współczynnik przewodnictwa cieplnego styropianu, L_1 - grubość cegły, L_2 - grubość styropianu, T_3 - temperatura panująca między cegłą a styropianem.

Odpowiedź: Przez ceglany mur tracimy około 403,2 J na sekundę, a przez mur ocieplony warstwą styropianu 21,2 J na sekundę. Temperatura między cegłą a styropianem jest równa 18,1°C.

12 Zadanie – Wydłużenie szyny

Piotr Niezurawski, update: 2016-10-30, id: pl-ciepło-0003000, diff: 1

Oblicz, o ile zmieni się długość stalowej szyny po ogrzaniu jej do temperatury 15°C, jeśli jej długość przy temperaturze 5°C jest równa 15 m. Współczynnik rozszerzalności cieplnej użytej stali jest równy $0,99 \cdot 10^{-5} \text{ K}^{-1}$.

Wskazówka: Wydłużenie jest wprost proporcjonalne do różnicy temperatur i początkowej długości.

Odpowiedź: Wydłużenie szyny: $\Delta l = \alpha \Delta T l \approx 1,49$ mm.

13 Zadanie – Zegar

Małgorzata Berajter, update: 2017-09-06, id: pl-ciepło-0003500, diff: 2

Pewien zegar, posiadający wahadło z niklu, odmierza dokładnie czas w temperaturze 24°C . Temperatura spadła do -1°C . O ile więcej wahań w ciągu doby wykona zegar w niższej temperaturze? Przyjmij, że współczynnik rozszerzalności cieplnej niklu wynosi $13 \cdot 10^{-6}$ 1/K. Jeden koniec pręta z niklu zamocowany jest w taki sposób, by mógł obracać się w płaszczyźnie pionowej. Do drugiego końca pręta przymocowany jest ciężarek. Długość pręta jest znacznie większa od rozmiarów ciężarka. Pręt z niklu jest znacznie lżejszy niż przyczepiony do niego ciężarek.

Wskazówka: Okres wahadła w temperaturze początkowej wynosi 1 s.

Wskazówka:

$$P = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$$

P - okres drgań, l - długość wahadła, g - przyspieszenie ziemskie.

Wskazówka: Zmiana długości pręta:

$$\Delta l = \alpha \cdot \Delta T \cdot l$$

ΔT - zmiana temperatury, α - współczynnik rozszerzalności liniowej.

Wskazówka:

$$\Delta n = \frac{1}{\sqrt{(1 - \alpha\Delta T)}} - 1$$

Δn - zmiana liczby wahań w trakcie 1 s.

Odpowiedź: Zegar wykona o 14 więcej wahań na dobę.

14 Zadanie – Spadająca kulka

Małgorzata Berajter, update: 2017-09-21, id: pl-ciepło-0003900, diff: 2

Z jaką prędkością powinna spadać kulka wykonana z ołowiu, aby przy uderzeniu o ziemię całkowicie uległa stopieniu? Zakładamy, że mimo odkształcenia pocisk pozostał w całości oraz że przy uderzeniu $n = 42\%$ energii zostało przekazane pociskowi w formie ciepła. Temperatura początkowa kulki wynosi 302 K. Pozostałe potrzebne dane zamieszczone są w tabeli poniżej.

substancja	ciepło właściwe [J/(kg·K)]	ciepło topnienia [kJ/kg]	temperatura topnienia [$^{\circ}\text{C}$]
cyna	222	59	232
ind	233	28	156
ołów	128	25	328

Wskazówka: Energia kinetyczna, jaką kulka uzyska podczas ruchu, jest równa przekazanemu jej ciepłu.

Wskazówka: Aby ciało uległo stopieniu, najpierw musi zostać podgrzane do temperatury topnienia

$$Q_1 = c_w \cdot m \cdot \Delta T$$

A następnie otrzymać tyle ciepła, aby się stopić

$$Q_2 = c_t \cdot m$$

Q_1 - ciepło przekazane na ogrzanie ciała, c_w - ciepło właściwe ciała, m - masa ciała, ΔT - zmiana temperatury, Q_2 - ciepło przekazane na stopienie ciała, c_t - ciepło topnienia ciała.

Wskazówka:

$$v = \sqrt{\frac{2}{n} \cdot (c_w \cdot \Delta T + c_t)}$$

v - prędkość kulki.

Odpowiedź: Kulka powinna spadać z prędkością około 5,49 m/s.

15 Zadanie – Spadająca kulka (1 wiersz tabeli)

Małgorzata Berajter, Piotr Nieżurawski (skrót tabeli), update: 2017-10-18, id: pl-ciepło-0003901, diff: 2

Z jaką prędkością powinna spadać kulka wykonana z ołowiu, aby przy uderzeniu o ziemię całkowicie uległa stopieniu? Zakładamy, że mimo odkształcenia pocisk pozostał w całości oraz że przy uderzeniu $n = 40\%$ energii zostało przekazane pociskowi w formie ciepła. Temperatura początkowa kulki wynosi 295 K. Pozostałe potrzebne dane zamieszczone są w tabeli poniżej.

substancja	ciepło właściwe [J/(kg·K)]	ciepło topnienia [kJ/kg]	temperatura topnienia [°C]
ołów	128	25	328

Wskazówka: Energia kinetyczna, jaką kulka uzyska podczas ruchu, jest równa przekazanemu jej ciepłu.

Wskazówka: Aby ciało uległo stopieniu, najpierw musi zostać podgrzane do temperatury topnienia

$$Q_1 = c_w \cdot m \cdot \Delta T$$

A następnie otrzymać tyle ciepła, aby się stopić

$$Q_2 = c_t \cdot m$$

Q_1 - ciepło przekazane na ogrzanie ciała, c_w - ciepło właściwe ciała, m - masa ciała, ΔT - zmiana temperatury, Q_2 - ciepło przekazane na stopienie ciała, c_t - ciepło topnienia ciała.

Wskazówka:

$$v = \sqrt{\frac{2}{n} \cdot (c_w \cdot \Delta T + c_t)}$$

v - prędkość kulki.

Odpowiedź: Kulka powinna spadać z prędkością około 5,66 m/s.

16 Zadanie – Lodowiec

Piotr Nieżurawski, update: 2017-06-04, id: pl-ciepło-0004000, diff: 1

Oszacuj masę stopionego lodu z lodowca, który zsunął się i zatrzymał w dolinie. Początkowo lodowiec spoczywał na wysokości 275 m nad doliną i miał masę $5 \cdot 10^9$ kg. Załóż, że energia tracona przez zsuwający się lodowiec i spływającą wodę powstała podczas topnienia lodowca powoduje dalsze topnienie lodu. Przyjmij ciepło topnienia lodu 334 kJ/kg. Przyspieszenie ziemskie w miejscu zdarzenia jest równe $9,8 \text{ m/s}^2$.

Wskazówka: Zmiana energii potencjalnej jest równa energii, która została zużyta na stopienie lodu.

Odpowiedź: Masa stopionego lodu to około $m_i = m_0 g h / l \approx 40 \cdot 10^6$ kg, gdzie m_0 jest początkową masą lodowca, h zmianą wysokości lodowca, l ciepłem topnienia lodu, a g wartością przyspieszenia ziemskiego. Oszacowanie to m.in. zakłada, że h jest zmianą wysokości środka masy lodowca razem z powstałą z niego wodą.

17 Zadanie – Promieniowanie kuli

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-ciepło-0010000, diff: 3

Gorąca kula o promieniu 7 cm, temperaturze powierzchni 800 K i względnej zdolności emisyjnej 0,73 wysyła energię w postaci promieniowania. Ile energii zaabsorbuje w ciągu 2 minut ciało doskonale czarne, które odbiera $3 \cdot 10^{-3}$ energii promieniowania wyemitowanego przez kulę? Stała Stefana-Boltzmana wynosi $5,67 \cdot 10^{-8} \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K}^4)$.

Wskazówka: Moc absorbowana przez ciało z otoczenia:

$$P = \sigma \cdot \varepsilon \cdot S \cdot T^4$$

σ - stała Stefana-Boltzmana, ε - względna zdolność emisyjna, S - powierzchnia ciała, T - temperatura ciała.

Odpowiedź: Ciało odbierze około 376 J energii.

18 Zadanie – Zmiana energii wewnętrznej układu

Piotr Nieżurawski, update: 2017-09-30, id: pl-termodynamika-0003000, diff: 1

W pewnym procesie dostarczyliśmy do układu ciepło o wartości 280 J, wykonaliśmy pracę nad tym układem (np. sprężając go) o wartości 90 J oraz odebraliśmy od układu ciepło o wartości 220 J, a układ wykonał pracę o wartości 80 J. Oblicz zmianę energii wewnętrznej tego układu wskutek opisanego procesu.

Wskazówka: $\Delta U = Q + W$, gdzie Q jest ciepłem dostarczanym do układu, a W jest pracą wykonywaną nad układem.

Odpowiedź: Zmiana energii wewnętrznej układu: $\Delta U = Q_1 + W_1 + Q_2 + W_2 = 70 \text{ J}$. Zauważ, że $Q_2 < 0$ oraz $W_2 < 0$.

19 Zadanie – Szybkość średnia atomu

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-22, id: pl-termodynamika-0004000, diff: 2

W pewnym ośrodku o temperaturze 7°C , poruszają się atomy neonu. Oblicz szybkość średnią kwadratową, z jaką poruszają się cząsteczki tego gazu, wiedząc, że jego masa molowa wynosi $20,2\text{ g/mol}$.

Wskazówka: Wyraź temperaturę w kelwinach.

Wskazówka: Energia kinetyczna cząsteczki jest równa

$$\frac{3}{2}nRT$$

R - uniwersalna stała gazowa, T - temperatura.

Wskazówka: Uniwersalna stała gazowa wynosi $8,31\text{ J}/(\text{mol}\cdot\text{K})$.

Wskazówka: Szybkość średnia kwadratowa cząsteczki wynosi

$$\sqrt{3TR/\mu}$$

μ - masa molowa.

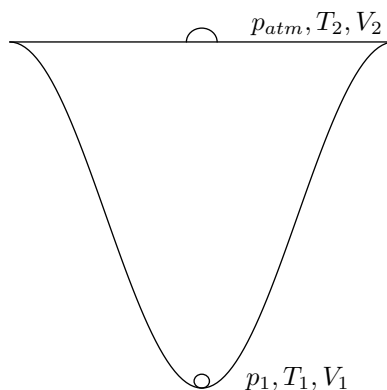
Odpowiedź: Szybkość średnia kwadratowa neonu jest równa w przybliżeniu $18,6\text{ m/s}$.

20 Zadanie – Pęcherzyk powietrza

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-22, id: pl-termodynamika-0006000, diff: 2

Z dna jeziora o głębokości $24,3\text{ m}$ odrywa się pęcherzyk powietrza o promieniu $4,1\text{ mm}$. Temperatura na dnie jeziora wynosi $4,2^{\circ}\text{C}$. Pęcherzyk po dotarciu na powierzchnię jeziora zmienił się w półsferyczną bańkę o promieniu $11,5\text{ mm}$. Jaka temperatura panuje na powierzchni jeziora, jeśli ciśnienie atmosferyczne wynosi 100 kPa ? Przyjmij, że gęstość wody wynosi 1000 kg/m^3 , a gęstość powietrza w warunkach normalnych $1,29\text{ kg/m}^3$. Pomiń wpływ napięcia powierzchniowego na ciśnienie w pęcherzyku. Załóż, że temperatura powietrza w pęcherzyku jest zawsze równa temperaturze otoczenia.

Wskazówka:



Wskazówka: Do znalezienia ciśnienia na dnie jeziora skorzystaj z równania

$$p = p_a + \rho_w \cdot g \cdot h$$

p - całkowite ciśnienie, p_a - ciśnienie atmosferyczne, ρ - gęstość wody, g - przyspieszenie ziemskie, h - głębokość jeziora.

Wskazówka: Ułóż równania gazu doskonałego w pęcherzyku na dnie i na powierzchni jeziora

$$p_1 \cdot V_1 = n \cdot R \cdot T_1$$

$$p_2 \cdot V_2 = n \cdot R \cdot T_2$$

p_1 - całkowite ciśnienie na dnie jeziora, V_1 - objętość pęcherzyka na dnie jeziora, n - liczba moli, R - uniwersalna stała gazowa, T_1 - temperatura na dnie jeziora, p_2 - całkowite ciśnienie na powierzchni jeziora, V_2 - objętość pęcherzyka na powierzchni jeziora, T_2 - temperatura na powierzchni jeziora.

Wskazówka:

$$T_2 = \frac{p_a \cdot T_1}{p_a + h \cdot g \cdot \rho_w} \frac{1}{2} \left(\frac{r_2}{r_1} \right)^3$$

r_2 - promień pęcherzyka na powierzchni jeziora, r_1 - promień pęcherzyka na dnie jeziora.

Odpowiedź: Temperatura na powierzchni jeziora wynosi około 13,7°C.

21 Zadanie – Entropia i porcja wody

Piotr Nieżurawski, update: 2018-02-05, id: pl-termodynamika-0010000, diff: 1

Oblicz zmianę entropii wody o masie 58 g podczas przemiany jej stanu ze stałego (lód) w stan ciekły (płyn) w temperaturze topnienia pod ciśnieniem 1 atm. Przyjmij ciepło topnienia równe 334 kJ/kg.

Wskazówka: Zmiana entropii $\Delta S = Q/T$, gdzie Q – ciepło, T – temperatura (w K).

Wskazówka: $Q = mL$, gdzie m – masa wody, L – ciepło przemiany.

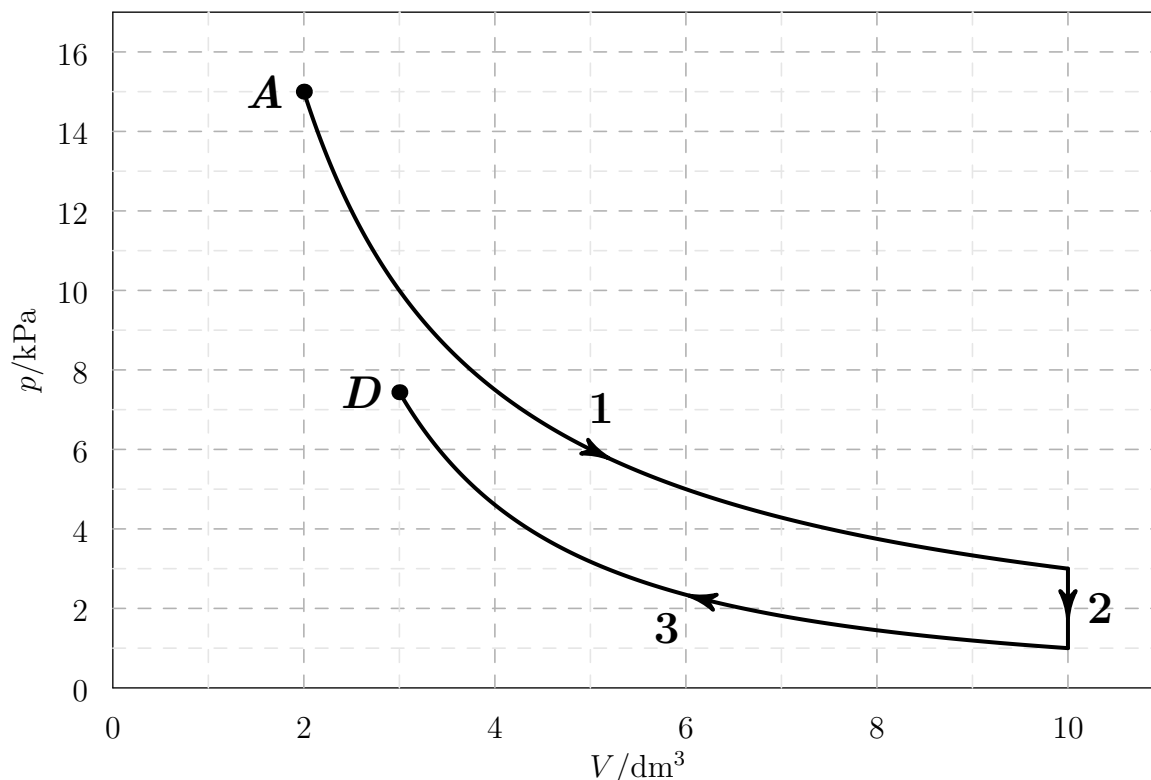
Odpowiedź: Zmiana entropii: $\Delta S \approx 19372 \text{ J} / 273 \text{ K} \approx 71 \text{ J/K}$.

22 Zadanie – Przemiany gazowe

Piotr Nieżurawski, update: 2017-05-03, id: pl-termodynamika-0020000, diff: 1

Ustalona porcja gazowego neonu przeszła przemiany 1, 2 i 3 przedstawione na poniższym wykresie, gdzie p oznacza ciśnienie gazu, a V jego objętość. Początkowo parametry gazu opisywał punkt A . Wiadomo, że przemiana 3 była adiabatyczna.

- Podaj nazwy przemian 1 i 2. W przypadku przemiany 1 swoją hipotezę dotyczącą rodzaju przemiany sprawdź w 3 różnych punktach.
- Dla każdej z przemian wskaż wielkości, które są zawsze równe 0 w trakcie tej przemiany.
- Czy gaz w punkcie D ma większą temperaturę niż w punkcie A ?
- Czy z punktu D może ta porcja gazu dotrzeć do punktu A w przemianie izobarycznej?



Wskazówka: W przemianie 1 iloczyn pV jest stały.

Wskazówka: Dla gazu doskonałego $T \propto pV$.

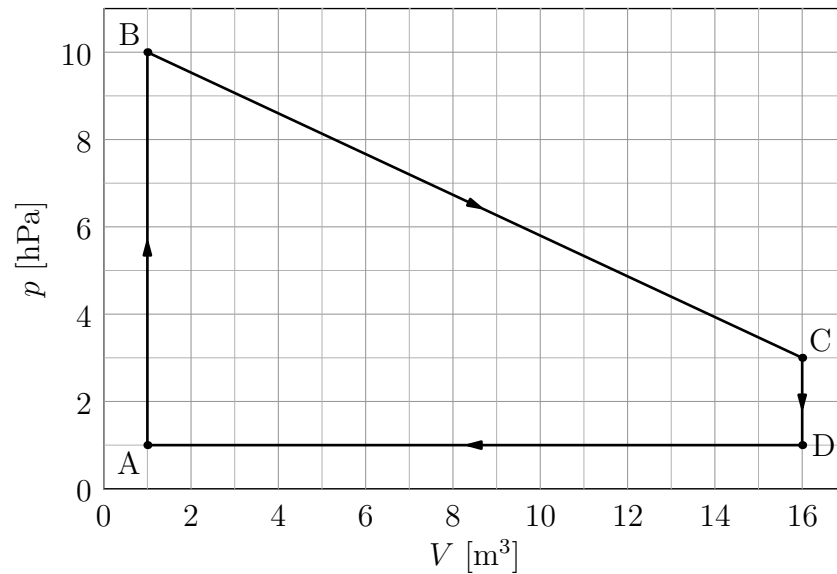
Odpowiedź:

- Przemiana 1 to przemiana izotermiczna, gdyż pV ma zawsze tę samą wartość, np. $2 \cdot 15 = 3 \cdot 10 = 5 \cdot 6$ (w jednostkach $\text{kPa} \cdot \text{dm}^3$). Przemiana 2 jest przemianą izochoryczną.
- W trakcie przemiany 1 zmiana temperatury oraz zmiana energii wewnętrznej są równe 0, w trakcie przemiany 2 zmiana objętości oraz praca (wykonana nad gazem lub wykonana przez gaz), a w trakcie przemiany 3 wymienione z otoczeniem ciepło.
- Nie. Iloczyn pV w punkcie A jest równy $2 \cdot 15 = 30$, a w punkcie D jest mniejszy niż $8 \cdot 3 = 24$ (w jednostkach $\text{kPa} \cdot \text{dm}^3$).
- Nie, gdyż ciśnienia w tych punktach są różne.

23 Zadanie – Praca wykonana przez gaz

Małgorzata Berajter, update: 2017-10-01, id: pl-termodynamika-0020100, diff: 2

Oblicz pracę wykonaną przez gaz podczas jednego cyklu przedstawionego na wykresie poniżej.



Wskazówka: Praca wykonana przez gaz jest równa polu pod wykresem $p(V)$.

Wskazówka:

$$W = \frac{DA}{2}(AB + CD)$$

Odpowiedź: Praca wykonana przez gaz wynosi około 8250 J.

24 Zadanie – Przemiany gazu doskonałego

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-termodynamika-0020200, diff: 2

W szczelnym naczyniu, zamkniętym tłokiem, znajduje się neon. Masa gazu jest równa 2 kg, a początkowa temperatura 19°C . Gaz poddano przemianie izobarycznej, dostarczając mu 870 J ciepła. Jaką pracę wykonał neon podczas rozprężania? Przyjmij, że masa molowa gazu wynosi 20,2 g/mol.

Wskazówka: Skorzystaj z równania gazu doskonałego.

Wskazówka: Zauważ, że w przemianie izobarycznej istnieje związek między zmianą objętości a zmianą temperatury.

Wskazówka:

$$C_p = \frac{Q}{n \cdot \Delta T}$$

C_p - molowe ciepło właściwe, Q - przekazane ciepło, n - liczba moli, ΔT - zmiana temperatury.

Wskazówka:

$$W = \frac{2}{5}Q$$

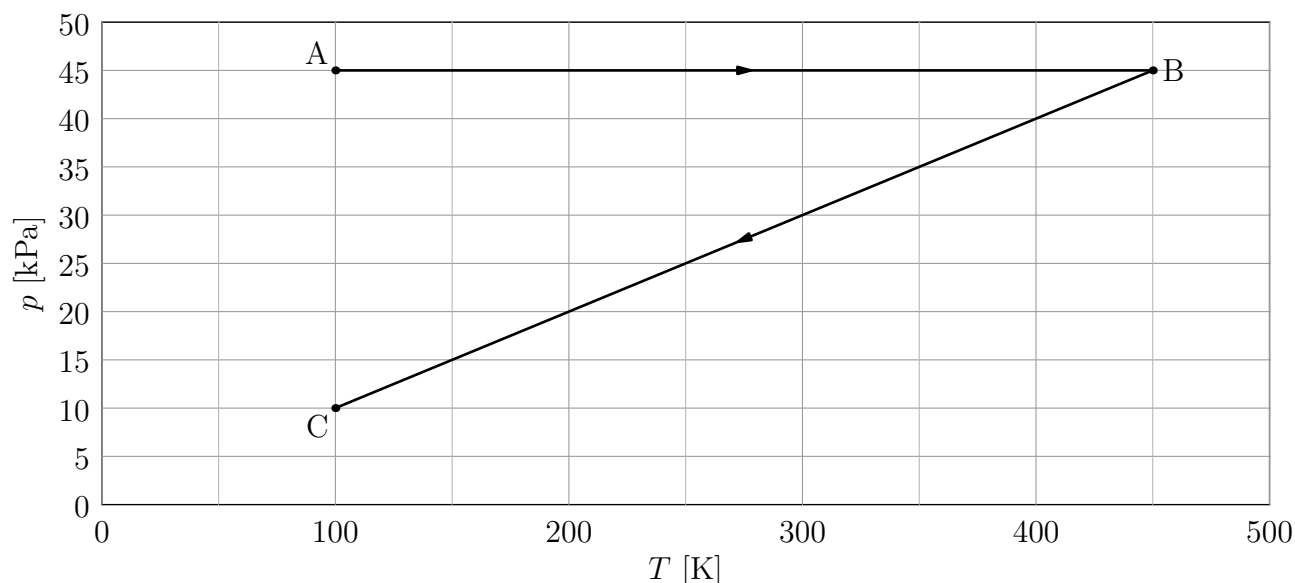
W - praca gazu.

Odpowiedź: Gaz wykonał pracę około 348 J.

25 Zadanie – Ciepło, energia wewnętrzna i praca w przemianach gazowych

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-termodynamika-0020300, diff: 2

Oblicz zmianę energii wewnętrznej gazu doskonałego, pracę wykonaną przez gaz oraz ciepło wymienione z otoczeniem podczas przemiany przedstawionej na wykresie poniżej. Przyjmij, że zmiana objętości wyniosła $0,4 \text{ m}^3$.



Wskazówka: Energia wewnętrzna zależy od temperatury.

Wskazówka: Praca wykonana przez gaz w przemianie izobarycznej (A-B)

$$W = p \cdot \Delta V$$

p - ciśnienie gazu, ΔV - zmiana objętości gazu.

Wskazówka:

$$\Delta U = W + Q$$

ΔU - zmiana energii wewnętrznej, W - praca wykonana nad gazem, Q - ciepło wymienione z otoczeniem.

Odpowiedź: Podczas przemiany energia wewnętrzna gazu nie zmieniła się. Praca jaką wykonał gaz wynosi 18000 J, z otoczenia pobrał 18000 J ciepła.

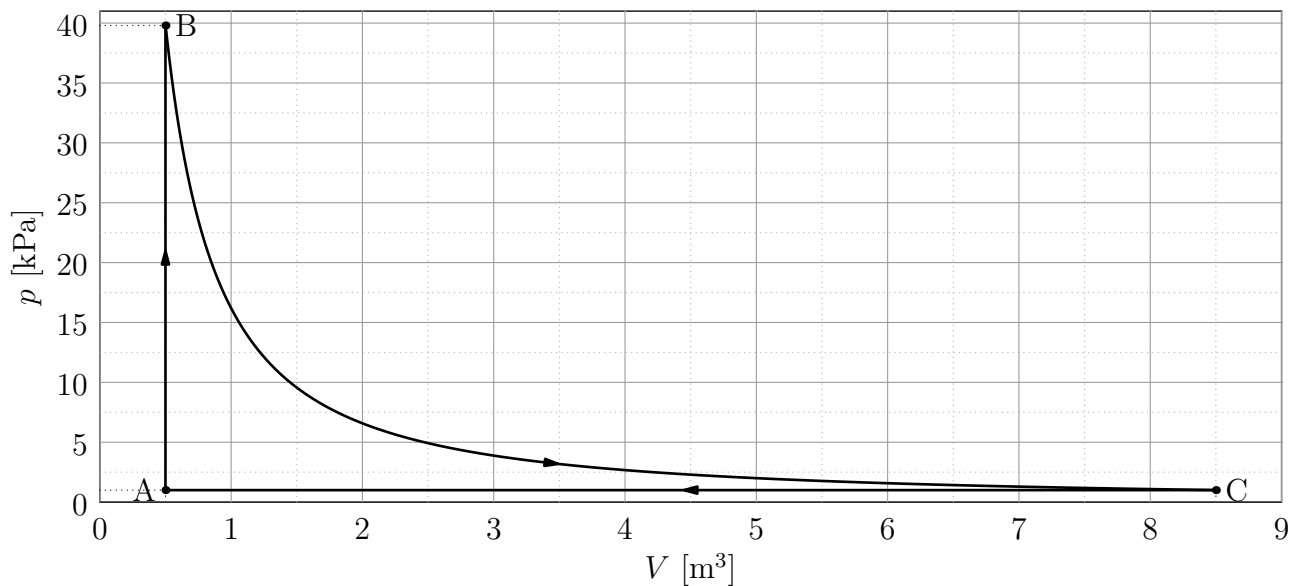
26 Zadanie – Ciepło oddane i pobrane

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-termodynamika-0020400, diff: 2

Jeden mol jednoatomowego gazu doskonałego jest poddawany przemianom przedstawionym na wykresie poniżej. Wiedząc, że przemiana B-C jest przemianą adiabatyczną oraz że ciśnienie w punkcie A jest równe 1 kPa, a w punkcie B ciśnienie wynosi 39,8 kPa, oblicz:

a) energię pobraną przez gaz z grzejnika;

- b) energię oddaną chłodnicy;
 c) wypadkową pracę w jednym cyklu silnika cieplnego, w którym gaz poddawany jest opisanym przemianom;
 d) sprawność tego silnika.



Wskazówka: W przemianie A-B gaz pobiera ciepło

$$Q_{AB} = n \cdot C_v \cdot \Delta T$$

C_v - ciepło molowe przy stałej objętości.

Wskazówka: Korzystając z równania gazu idealnego dla stanów A, B

$$p_A \cdot V_A = n \cdot R \cdot T_A$$

$$p_B \cdot V_B = n \cdot R \cdot T_B$$

odejmując równania stronami i upraszczając równanie otrzymujemy związek między zmianą temperatury a zmianą ciśnienia

$$T_B - T_A = \frac{p_B \cdot V_B - p_A \cdot V_A}{n \cdot R}$$

T_B - temperatura w stanie B, T_A - temperatura w stanie A, p_B - ciśnienie w stanie B, p_A - ciśnienie w stanie A, V_B - objętość w stanie B, V_A - objętość w stanie A.

Wskazówka: Ciepło molowe przy stałej objętości dla gazu jednoatomowego jest równe $\frac{3}{2}R$.

Wskazówka: W przemianie C-A gaz oddaje ciepło

$$Q_{CA} = n \cdot C_p \cdot \Delta T$$

n - liczba moli, C_p - ciepło molowe przy stałym ciśnieniu, ΔT - zmiana temperatury gazu.

Wskazówka: Ciepło molowe przy stałym ciśnieniu dla gazu jednoatomowego jest równe $\frac{5}{2}R$.

Wskazówka: Praca wykonana przez gaz jest równa różnicy między ciepłem otrzymanym a oddanym

$$W = Q_{AB} + Q_{CA}$$

$$W = Q_{AB} - |Q_{CA}|$$

Wskazówka:

$$\eta = \left| \frac{W}{Q} \right|$$

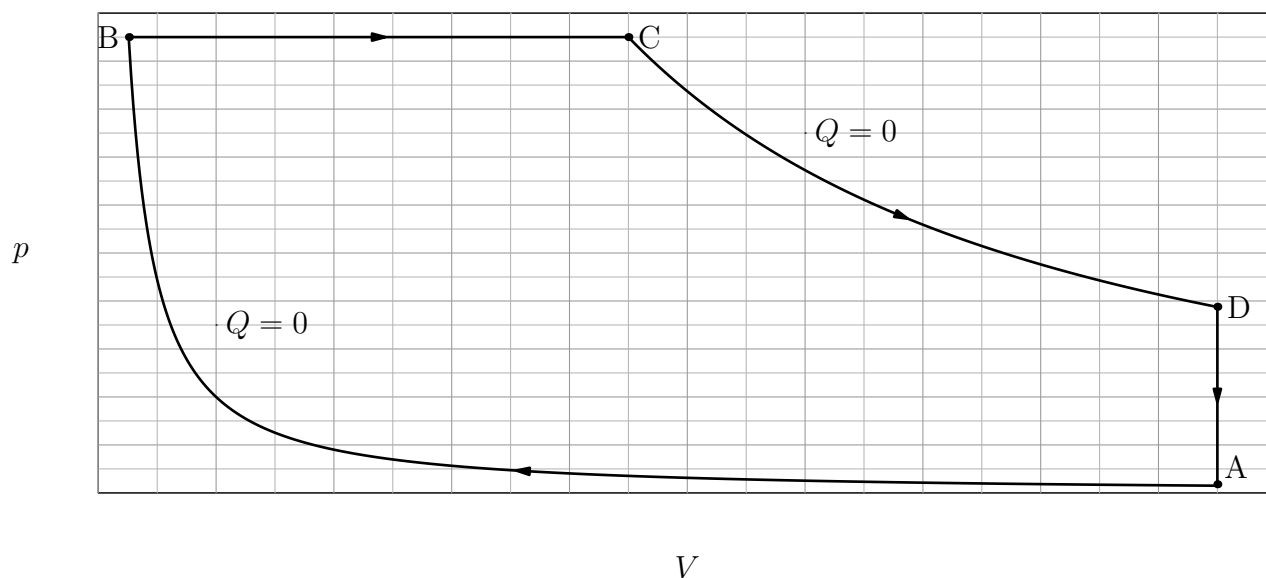
η - sprawność silnika, W - praca wykonana przez gaz, Q - przekazane ciepło.

Odpowiedź: Gaz pobrał z grzejnicy 29,1 kJ ciepła, a do chłodnicy oddał 20 kJ ciepła. Praca wykonana przez gaz wynosi 9,1 kJ, sprawność silnika jest równa 31%.

27 Zadanie – Cykl przemian gazu

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-termodynamika-0020700, diff: 3

Wyznacz sprawność cyklu dla ustalonej porcji gazu doskonałego przedstawionego na rysunku poniżej. Wynik przedstaw tylko w zależności od temperatur oraz stosunku ciepła właściwego w przemianie izobarycznej do ciepła właściwego w przemianie izochorycznej. Przemiany A-B oraz C-D są adiabatyczne. Dane są temperatury w punktach A, B, C, D.



Wskazówka:

$$\eta = \left| \frac{W}{Q} \right| = 1 + \frac{Q_{DA}}{Q_{BC}}$$

η - sprawność cieplna, W - praca wykonana przez gaz, Q - przekazane ciepło.

Wskazówka: Pobrane ciepło w przemianie izobarycznej

$$Q_{BC} = C_p \cdot n \cdot \Delta T = C_p \cdot n \cdot (T_C - T_B)$$

C_p - ciepło molowe w przemianie izobarycznej, ΔT - zmiana temperatury.

Wskazówka: Oddane ciepło w przemianie izochorycznej

$$Q_{DA} = C_v \cdot n \cdot \Delta T = C_v \cdot n \cdot (T_A - T_D)$$

C_v - ciepło molowe w przemianie izochorycznej.

Odpowiedź: Sprawność przedstawionego cyklu w zależności od temperatur:

$$\eta = 1 + \frac{1}{\kappa} \frac{T_A - T_D}{T_C - T_B}$$

κ - stosunek ciepła właściwego w przemianie izobarycznej do ciepła właściwego w przemianie izochorycznej, wykładnik adiabaty.

28 Zadanie – Przemiana adiabatyczna i izotermiczna

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-termodynamika-0020800, diff: 3

Porcję 2,2 kg benzenu o temperaturze 1063,7 K i ciśnieniu $3 \cdot 10^5$ Pa sprężono adiabatycznie, a następnie rozprężono izotermicznie. Ilość ciepła pobrana w procesie izotermicznym jest równa przyrostowi energii wewnętrznej gazu w procesie adiabatycznym i wynosi 246 kJ. Oblicz objętość i ciśnienie gazu po przemianie

a) adiabatycznej

b) izotermicznej.

Przyjmij, że masa molowa gazu wynosi 78,1 g/mol, a wykładnik adiabaty 1,12.

Wskazówka: Wyznacz początkową objętość gazu z równania gazu doskonałego.

Wskazówka: W przemianie adiabatycznej praca jest równa:

$$W = \int_1^2 p \cdot dV = \frac{p_1 \cdot V_1^\chi}{1 - \chi} (V_2^{1-\chi} - V_1^{1-\chi})$$

a w przemianie izotermicznej:

$$W = \int_2^3 p \cdot dV = n \cdot R \cdot T_2 \ln \left(\frac{V_3}{V_2} \right)$$

W - praca gazu, p - ciśnienie gazu, V - objętość gazu, χ - wykładnik adiabaty, p_1 - początkowe ciśnienie, V_1 - początkowa objętość, V_2 - objętość po przemianie adiabatycznej, V_3 - objętość po przemianie izotermicznej, T_2 - temperatura po przemianie izotermicznej.

Wskazówka: Objętość gazu po przemianie adiabatycznej obliczysz, korzystając ze wzoru na pracę w przemianie adiabatycznej.

Wskazówka: Korzystając z równań Poissona, oblicz ciśnienie oraz temperaturę po przemianie adiabatycznej:

$$\frac{p_2}{p_1} = \left(\frac{V_1}{V_2} \right)^\chi$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{\chi-1}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{\chi-1}{\chi}}$$

Wskazówka: Objętość gazu po przemianie izotermicznej obliczysz, korzystając ze wzoru na pracę w przemianie izotermicznej

$$V_3 = V_2 \exp\left(\frac{W}{n \cdot R \cdot T_2}\right)$$

Wskazówka: Wyznacz końcowe ciśnienie gazu z równania gazu doskonałego.

Odpowiedź: Po przemianie adiabatycznej parametry gazu wynoszą $0,34 \text{ m}^3$, $8,19 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Po przemianie izotermicznej parametry gazu wynoszą $0,82 \text{ m}^3$, $3,37 \cdot 10^5 \text{ Pa}$.

29 Zadanie – Entropia gazu

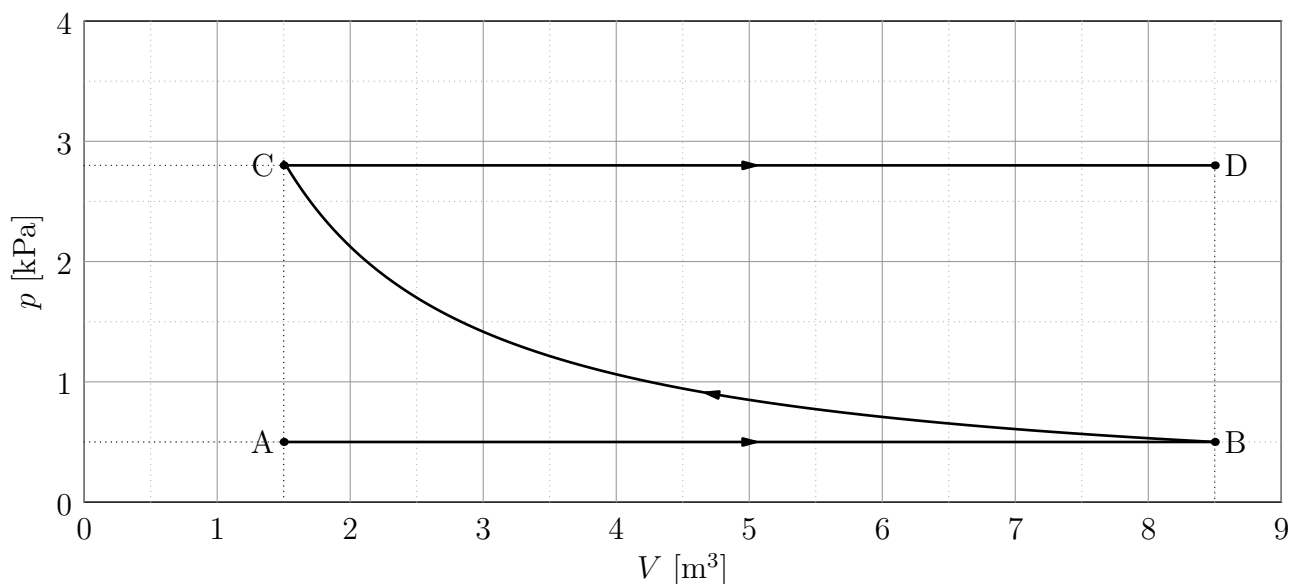
Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-termodynamika-0021000, diff: 3

Zmianę entropii gazu doskonałego wyraża uniwersalny dla każdej przemiany wzór.

$$\Delta S = n \cdot R \cdot \ln \frac{V_k}{V_p} + n \cdot C_v \cdot \ln \frac{T_k}{T_p}$$

n - liczba moli, R - uniwersalna stała gazowa, V_k - objętość końcowa, V_p - objętość początkowa, C_v - ciepło molowe przy stałej objętości, T_k - temperatura końcowa, T_p - temperatura początkowa.

Jeden mol jednoatomowego gazu doskonałego został poddany przemianie izotermicznej i dwóm przemianom izobarycznym. Końcowe ciśnienie gazu jest równe $2,8 \text{ kPa}$. Korzystając z przedstawionego wzoru oraz wykresu poniżej, oblicz zmianę entropii dla każdego z trzech procesów. Zinterpretuj otrzymane wyniki.



Wskazówka: Zmianę entropii w przemianie izobarycznej można zapisać

$$\Delta S = n \cdot R \cdot \ln \frac{V_B}{V_A} + n \cdot C_v \cdot \ln \frac{V_B}{V_A}$$

$$\Delta S = n \cdot C_p \ln \frac{V_B}{V_A}$$

ΔS - zmiana entropii, n - liczba moli, R - uniwersalna stała gazowa, V_B - ciśnienie w stanie B, V_A - ciśnienie w stanie A, T_A - temperatura w stanie A, T_B - temperatura w stanie B, C_v - ciepło molowe przy stałej objętości, C_p - ciepło molowe przy stałym ciśnieniu.

Wskazówka: Dla przemiany izotermicznej zmianę entropii można zapisać

$$\Delta S = n \cdot R \cdot \ln \frac{V_C}{V_B} + n \cdot C_v \cdot \ln \frac{T_C}{T_B}$$

ponieważ temperatura jest stała, ostatni człon równania wynosi zero,

$$\Delta S = n \cdot R \cdot \ln \frac{V_C}{V_B}$$

Odpowiedź: Zmiana entropii w procesie A-B jest równa 36 J/K, o tyle samo entropia zmienia się w procesie C-D. Można zauważyć, że zmiana entropii w procesie izobarycznym zależy tylko od zmiany objętości gazu i ciepła molowego przy stałym ciśnieniu. W procesie B-C zmiana entropii wynosi $-14,4$ J/K. Przemiany przedstawione na wykresie odpowiadają sytuacji, w której gaz jest zamknięty w pojemniku z ruchomym tłokiem. Przemiany A-B i C-D przedstawiają izobaryczne rozprężanie gazu, przemiana B-C izotermiczne sprężanie gazu. Czasami entropia jest określana jako miara nieuporządkowania gazu. W stanie A cząsteczki mogą zajmować mniejszą objętość pojemnika niż w stanie B. Są bardziej ściśnięte i „uporządkowane” niż w stanie B. Także temperatura w stanie A jest niższa - można powiedzieć, że ruch cząsteczek jest bardziej „uporządkowany”. Gaz, rozprężając się, zwiększa zajmowaną objętość pojemnika, cząsteczki są bardziej „nieuporządkowane”. Również temperatura rośnie. W przemianie A-B entropia wzrasta. W przemianie izotermicznej B-C ściskając gaz, zmniejszamy zajmowaną przez niego objętość. Cząsteczki w stanie C są bardziej „uporządkowane” przestrzennie niż w stanie B. W przemianie B-C entropia gazu maleje. W przemianie C-D gaz zachowuje się tak samo, jak w przemianie A-B, rozpręża się. Entropia gazu rośnie.

30 Zadanie – Równanie van der Waalsa

Małgorzata Berajter, update: 2017-07-15, id: pl-termodynamika-0022000, diff: 3

Porcję 1,5 kg etanu ogrzano od temperatury 330 K do temperatury 390 K. Podczas przemiany objętość gazu wzrosła od 4 m^3 do 8 m^3 . Zakładając, że gaz spełnia równanie van der Waalsa, oblicz zmianę energii wewnętrznej gazu. Załóż, że masa molowa użytego gazu to 30 g/mol, ciepło molowe przy stałej objętości $44,2 \text{ J}/(\text{K} \cdot \text{mol})$, a stałe występujące w równaniu van der Waalsa $a = 0,549 \text{ J} \cdot \text{m}^3/(\text{mol})^2$, $b = 0,064 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{mol}$.

Wskazówka: Równanie van der Waalsa dla dowolnej masy gazu ma postać:

$$\left(p + \frac{n^2 \cdot a}{V^2}\right)(V - n \cdot b) = n \cdot R \cdot T$$

p - ciśnienie gazu, n - liczba moli, a - stała uwzględniająca oddziaływania między cząsteczkami, V - objętość gazu, b - stała uwzględniająca rozmiary gazu, R - uniwersalna stała gazowa, T - temperatura gazu.

Wskazówka:

$$U(T, V)$$

$$dU = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV$$

$$dU = C_v \cdot dT + \left[T \left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_V - p\right] dV$$

dU - zmiana energii wewnętrznej gazu, C_v - ciepło molowe przy stałym ciśnieniu.

Wskazówka: Ciśnienie wyznaczone z równania van der Waalsa jest równe

$$p = \frac{n \cdot R \cdot T}{V - n \cdot b} - \frac{n^2 \cdot a}{V^2}$$

Wskazówka:

$$\Delta U = n \cdot C_v(T_2 - T_1) - n^2 \cdot a \left(\frac{1}{V_2} - \frac{1}{V_1} \right)$$

Odpowiedź: Zmiana energii wewnętrznej gazu wynosi 133 kJ.